

# Budowa pierwszych komputerów i ich zastosowanie w matematyce

Aleksander Bygłęwski

Jarosław Rolski

Jakub Zbrzezny

Krótki kurs historii matematyki

Wydział Matematyki i Nauk Informatycznych

Politechnika Warszawska

Rok akademicki: 2018/2019

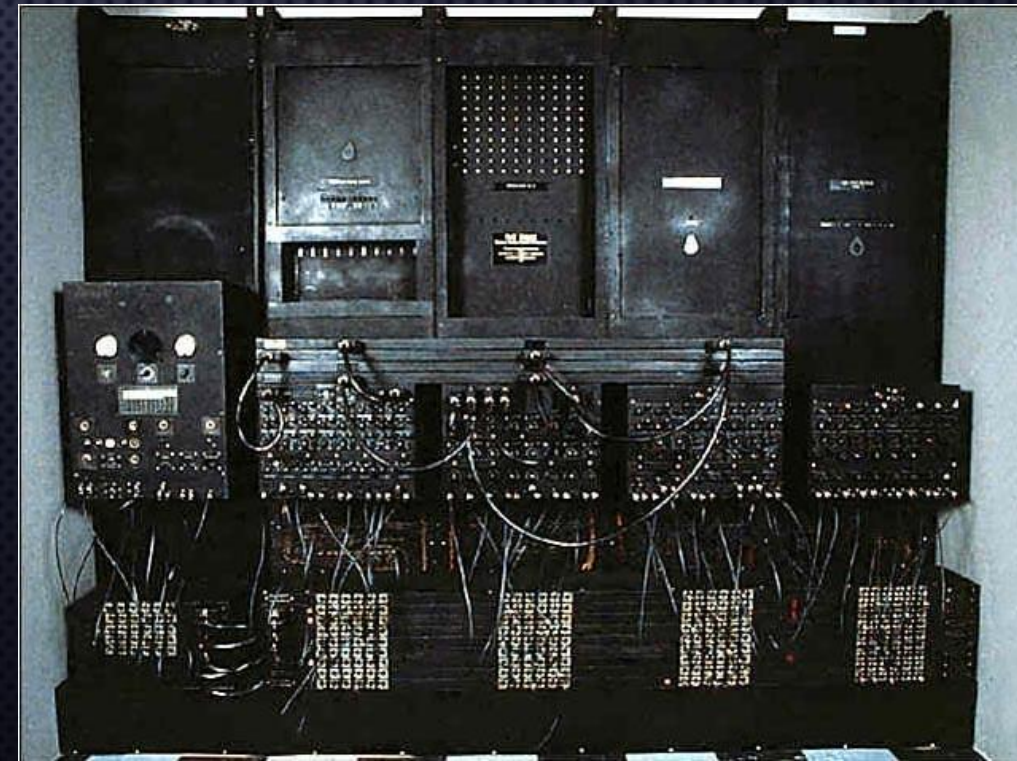
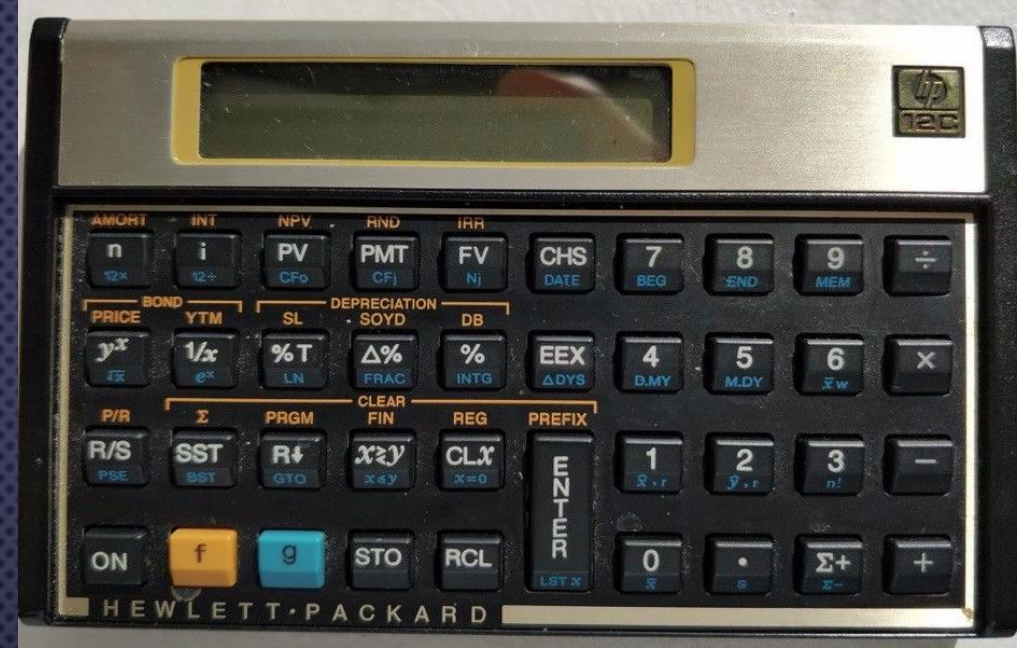
Semestr: Zimowy



# Definicja komputera

Komputer to urządzenie zdolne do wykonywania sekwencji arytmetycznych lub logicznych operacji zadanych poprzez tak zwane oprogramowanie komputera.

Granica między urządzeniami wspomagającymi obliczenia, kalkulatorami a komputerem jest w gruncie rzeczy umowna.





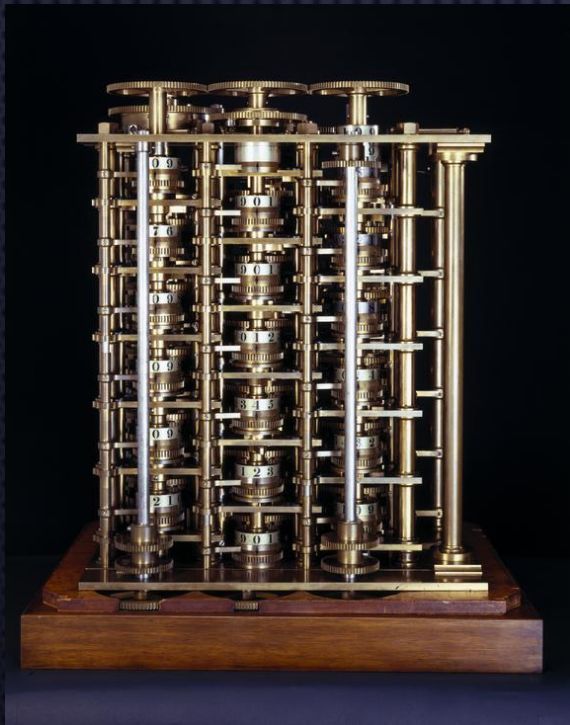
# Komputer analogowy

Rozwiązuje problemy za pomocą modelowania odpowiednich zależności za pomocą zjawisk zachodzących w układach perse:

Mechanicznych

Elektrycznych

Hydraulicznych



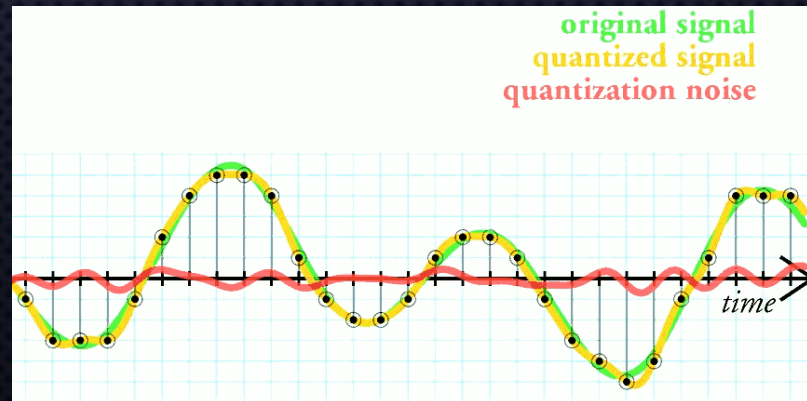
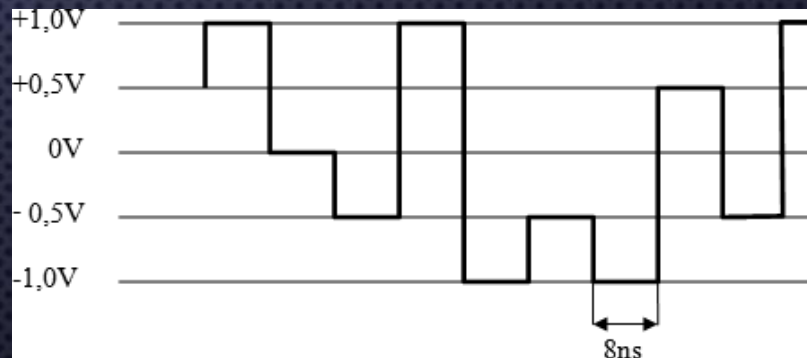
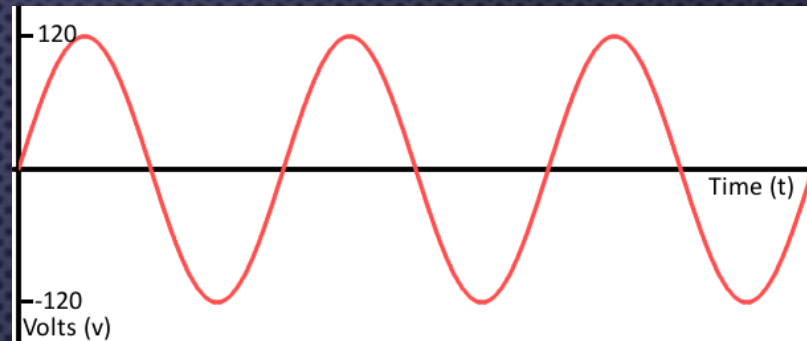


# Komputer cyfrowy

W odróżnieniu od komputera analogowego używa sygnału cyfrowego.

Sygnał cyfrowy to abstrakcyjny model o dziedzinie i obrazie dyskretnym

Sygnał analogowy może zostać przetworzony na sygnał cyfrowy





# Zarys historyczny

-Antiktyhtera

-Astrolabia

-Automat Maillardeta

Nie na nich skupia się nasza  
prezentacja



Antiktyhtera  
datowana na  
150-100 p.n.e.

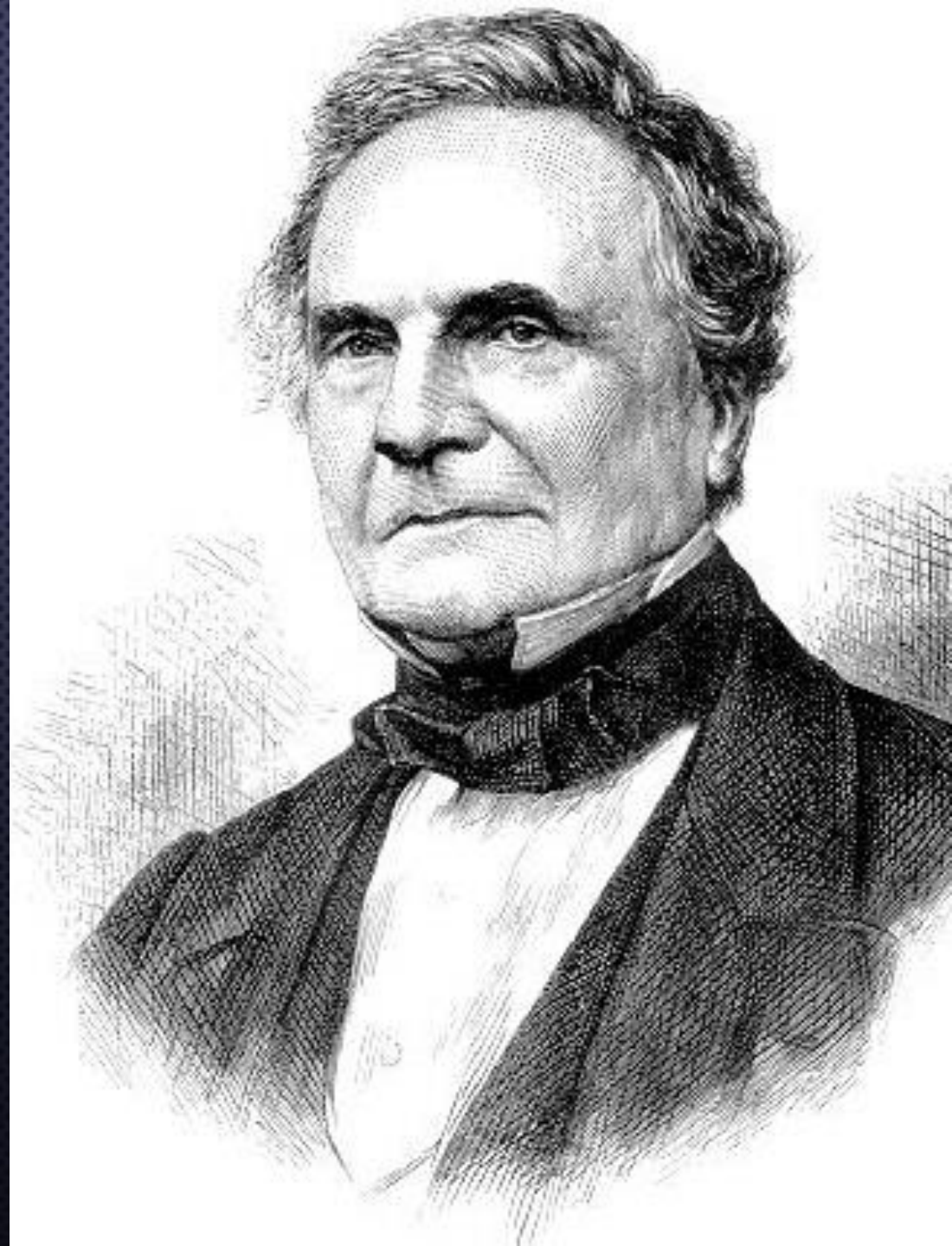


# Charles Babbage

Urodził się w 1791 w Walworth.  
Był angielskim matematykiem,  
astronomem i mechanikiem,  
autorem tablic logarytmicznych.  
Skonstruował mechaniczne  
maszyny liczące,  
a przede wszystkim maszynę  
różnicową.

Był nazywany „ojcem  
informatyki”.

Zmarł w 1871 roku.



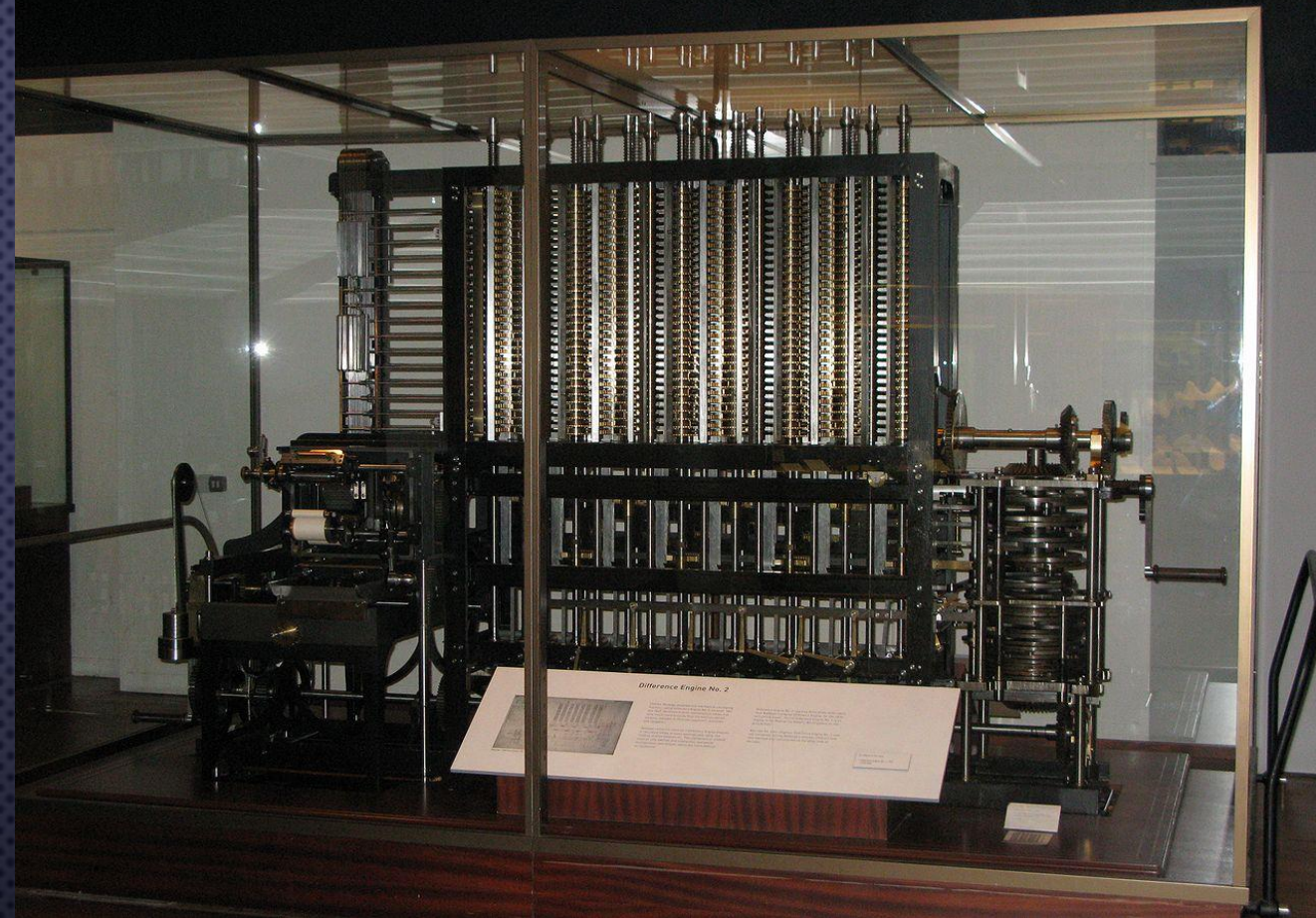


# Silnik różnicowy

Jest to maszyna pełniąca funkcję automatycznego mechanicznego kalkulatora

opracowanego w celu obliczania funkcji wielomianowych.

Nazwa pochodzi z metody różnic dzielonych.





# Zasada działania

Silnik różnicowy działa na zasadzie metody różnicowej. Składa się z kolumn, ponumerowanych od 1 do  $N$ . W każdej z nich może przechować jedną liczbę dziesiętną. Maszyna potrafi wyłącznie dodać wartość z kolumny  $n + 1$  do kolumny  $n$ , żeby utworzyć nową wartość kolumny  $n$ . Kolumna  $N$  może przechowywać wyłącznie stałą, natomiast kolumna 1 wyświetla (lub też drukuje) wynik obliczenia w bieżącej iteracji.





# Przykład działania

Silnik różnicowy działa na zasadzie **metody Newtona podzielonych różnic**.

Jeśli wartości pewnego wielomianu są dane dla pewnych wartości  $x$ , to silnik różnicowy może obliczyć dowolną ilość pobliskich wartości za pomocą **metody różnic skończonych**.

Rozważmy wielomian kwadratowy:  $p(x) = 5x^2 - x + 1$

.x	. $p(x) = 5x^2 - x + 1$	. $\text{diff1}(x) = (p(x+1) - p(x))$	. $\text{diff2}(x) = (\text{diff1}(x + 1) - \text{diff1}(x))$
.0	.1	.4	.10
.1	.5	.14	.10
.2	.19	.24	.10
.3	.43	.34	
.4	.77		

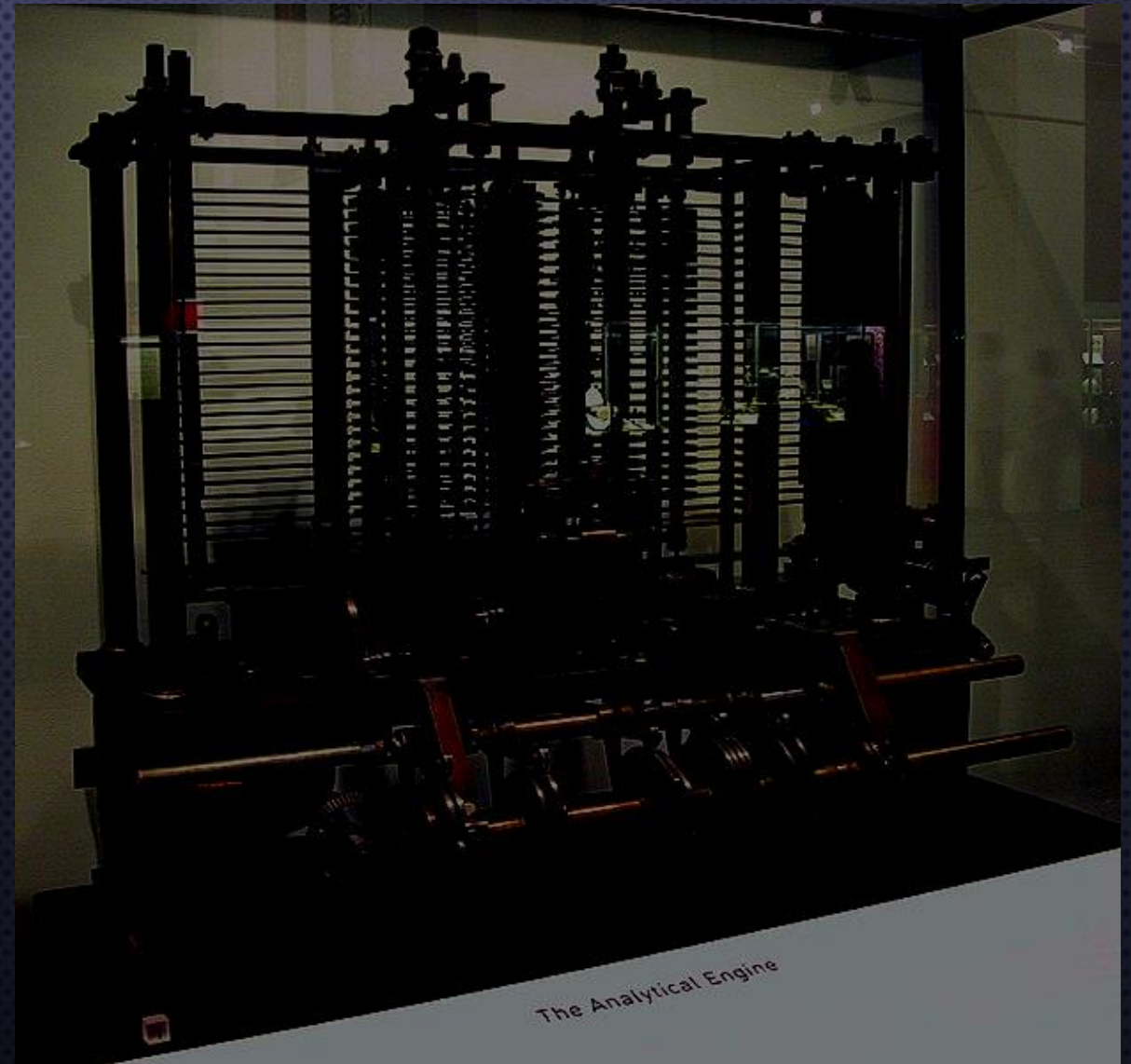
Widzimy, że wartości w ostatniej kolumnie są stałe. Ogólnie, dla wielomianu stopnia  $n$ , wartości w  $n + 1$  kolumnie będą stałe. Jest to kluczowe dla sukcesu metody. Tabela jest tworzona od lewej do prawej, ale również możemy to zrobić od prawej do lewej na przekątnej, żeby obliczyć więcej wartości.



# Silnik analityczny

Charles Babbage

1837





# Skok Lovelace



Ada Lovelace

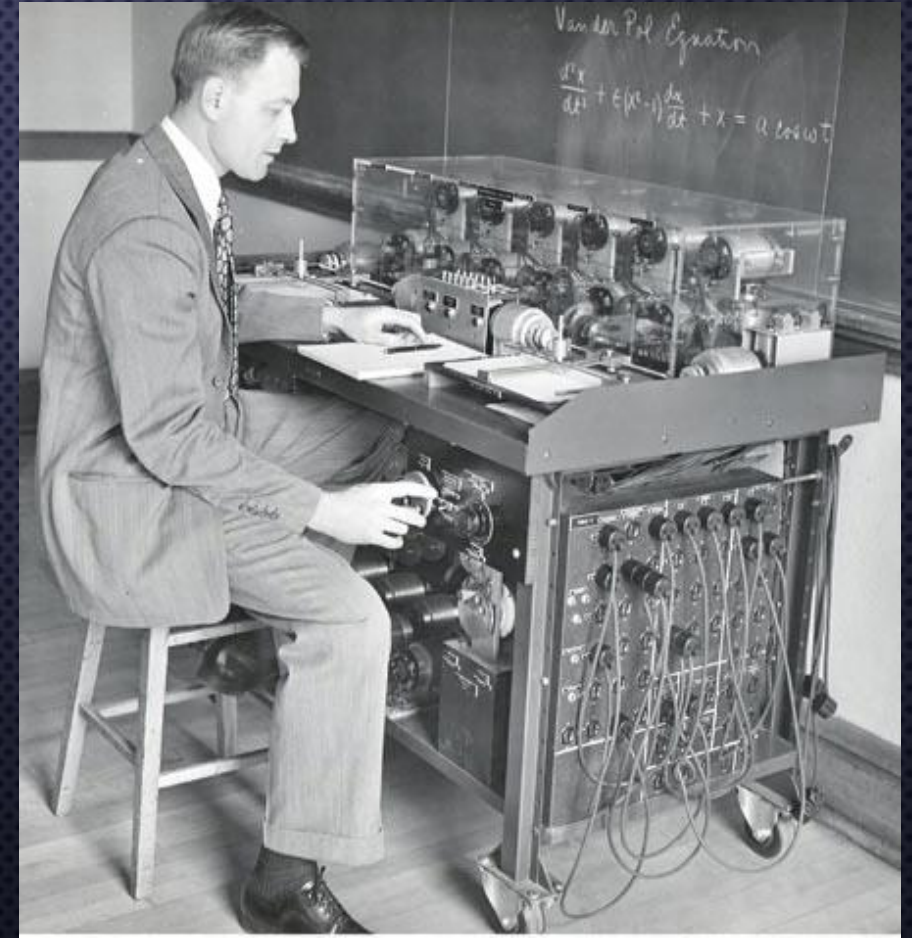
Silnik może porządkować i łączyć wielkości numeryczne dokładnie tak, jakby były literami lub innymi ogólnymi symbolami.



# Analizator różnicowy

Jest to mechaniczny komputer analogowy zaprojektowany w celu rozwiązywania równań różniczkowych zwyczajnych.

Składał się z 5 podstawowych komponentów, których implementacja różniła się znacząco w zależności od twórcy urządzenia.





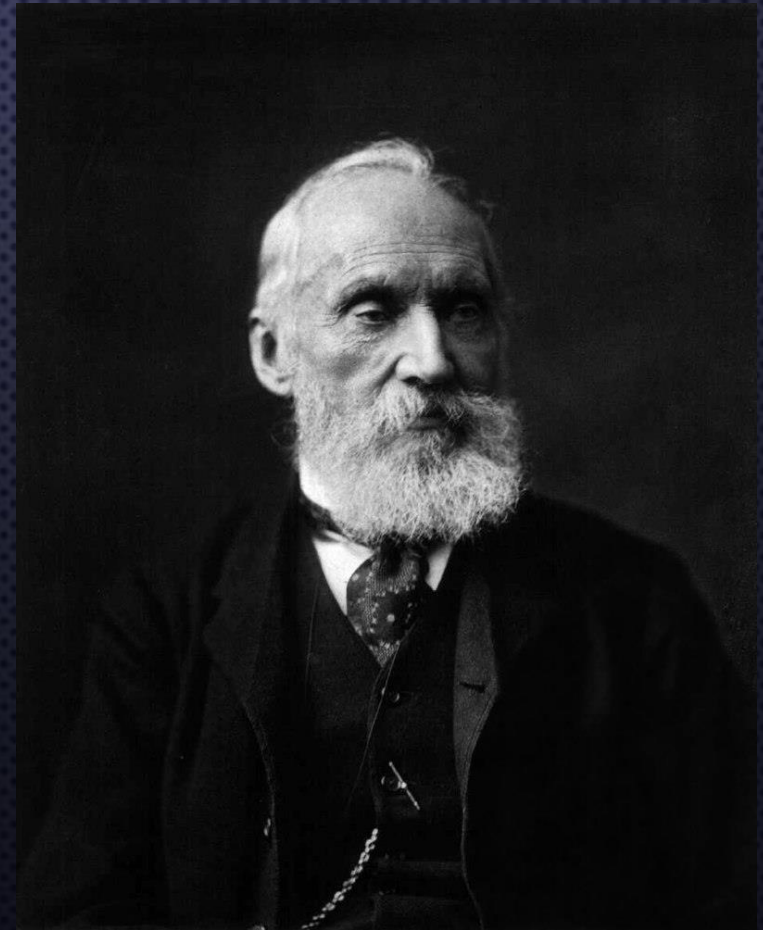
# Vannevar Bush

1890-1975



# Lord Kelvin

1824-1907





# Zasada działania

a) Moduł całkujący

b) Moduł dodający

c) Moduł mnożący

d) Generator funkcji

e) Element generujący stałą

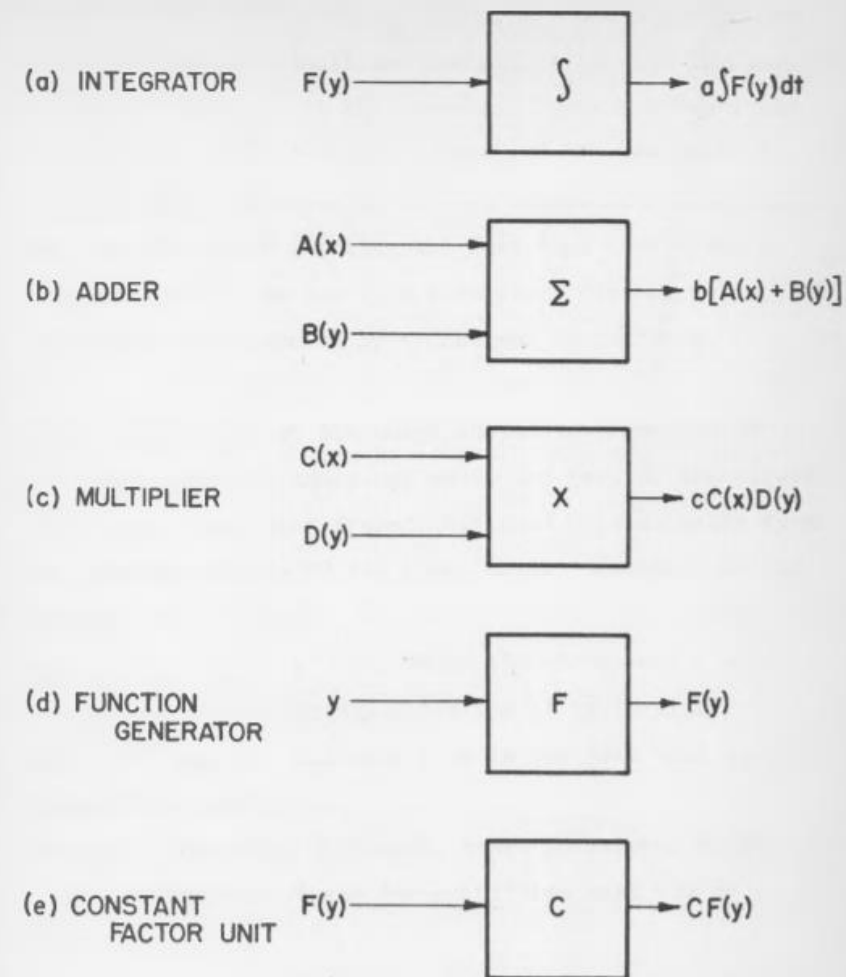


FIG. 2.



# Przykład działania

Rozważmy problem:

$$Ax'' + xf'(x) + Bx = 0$$

Kluczowym jest fakt, iż układ staje się zamknięty po połączeniu fragmentów 7 i 1

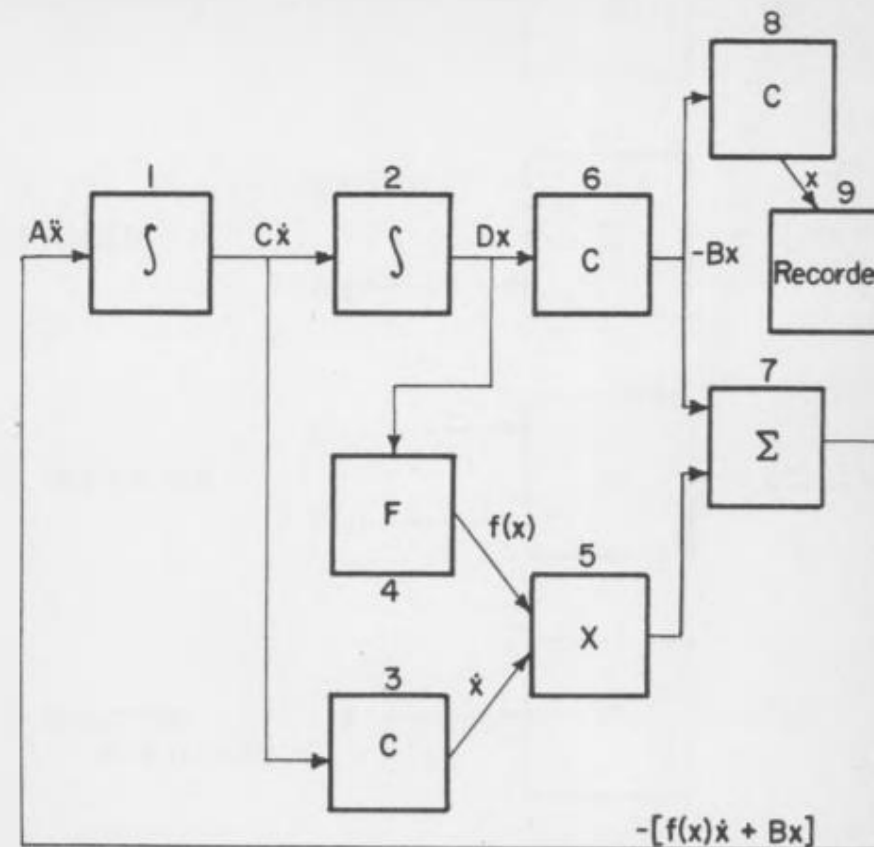


FIG. 1.



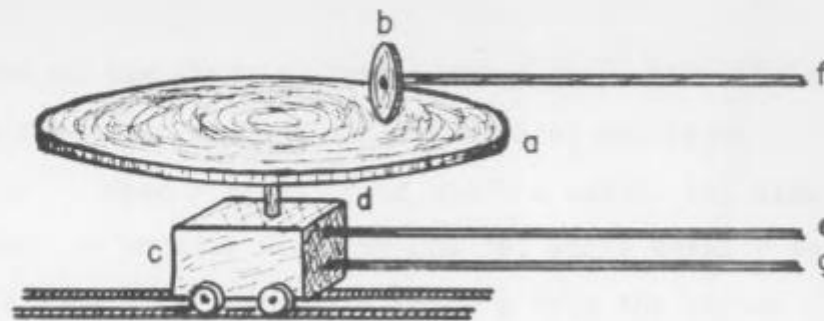
# Zasada działania

Oparty na działaniu:  
-Kelvin disc integrator

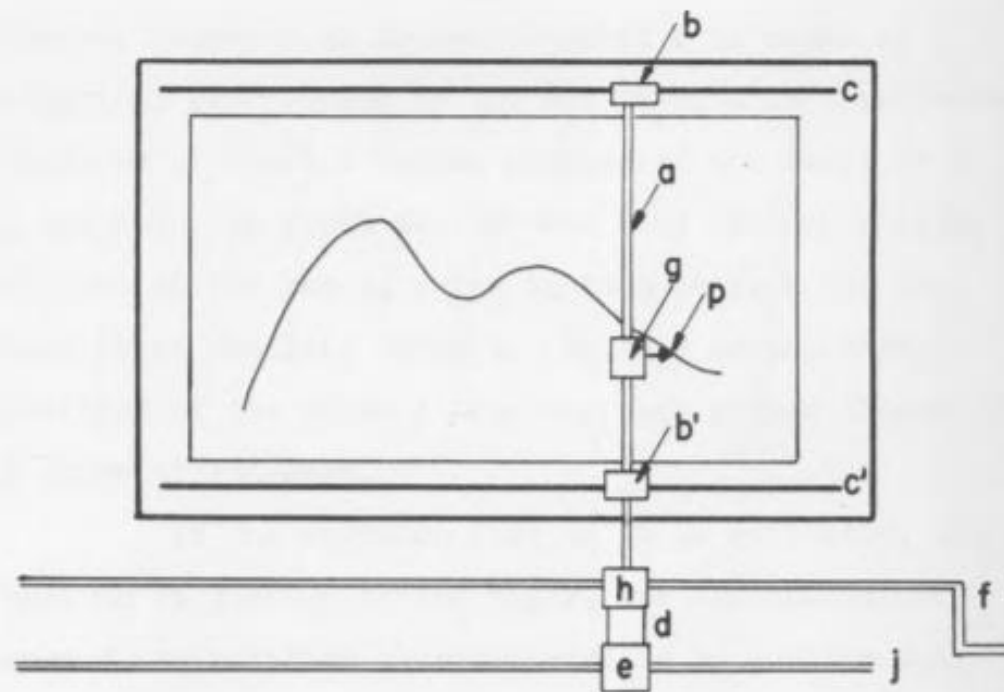
W polskiej literaturze  
występującego pod nazwą:  
-układ całkujący koło-dysk

Układ generujący  
dowolną funkcję

14



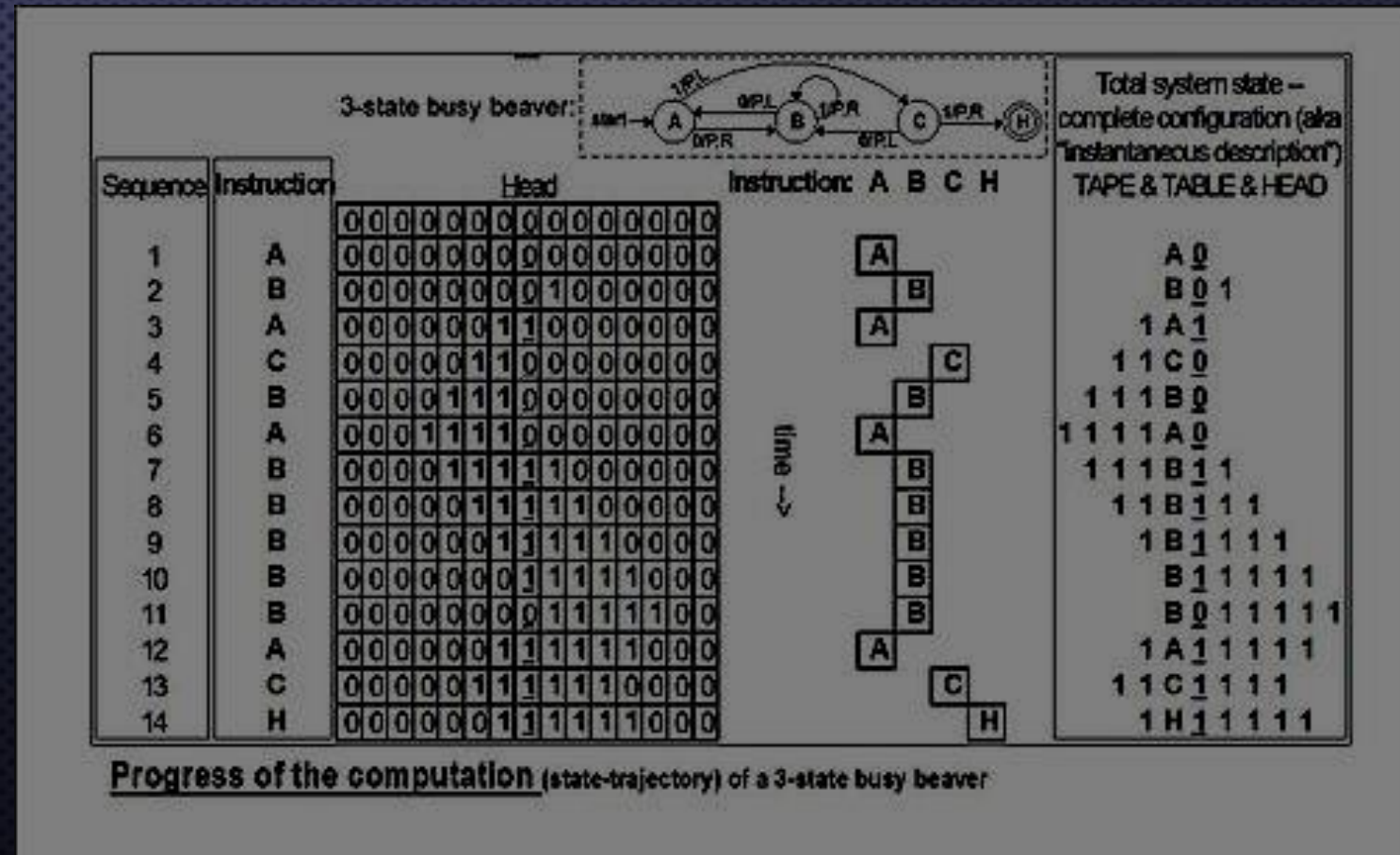
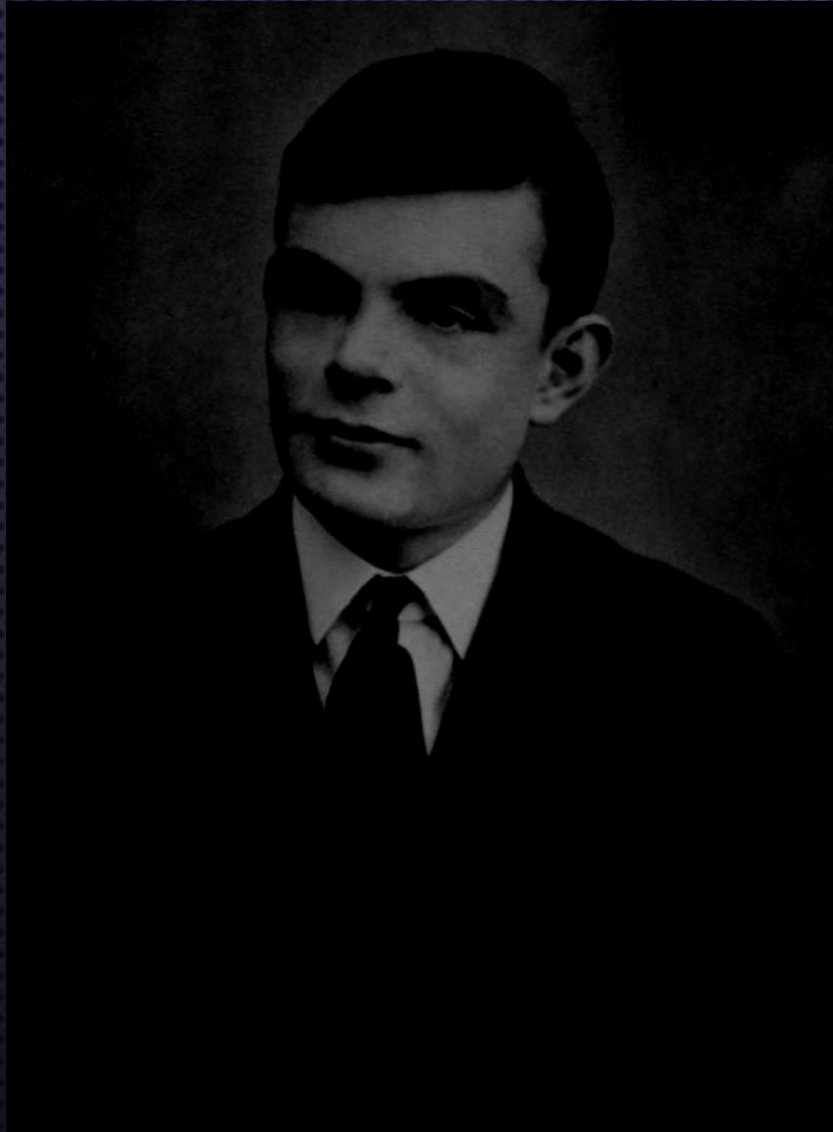
(a)





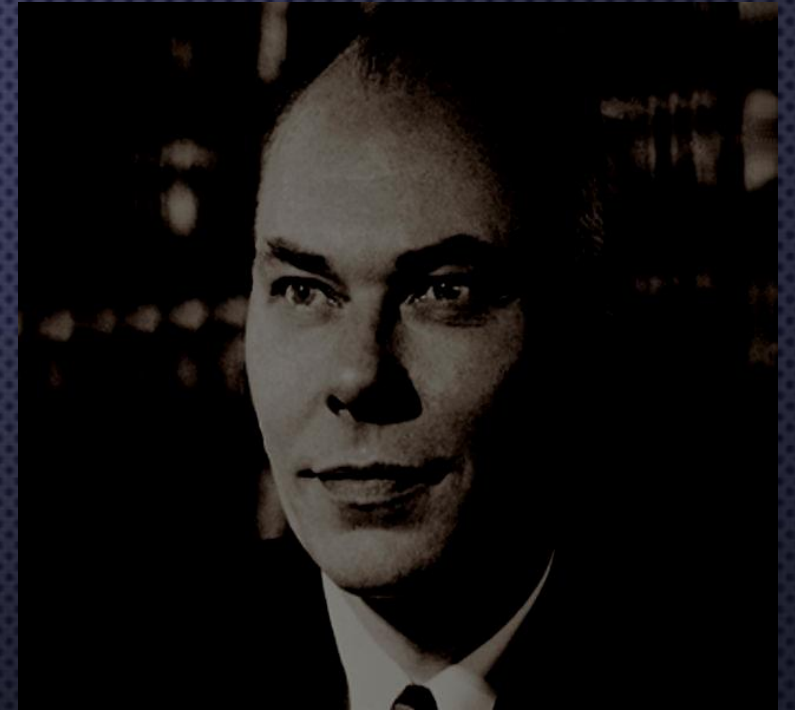
# Maszyna Turinga

## Alan Turing





# Mark I

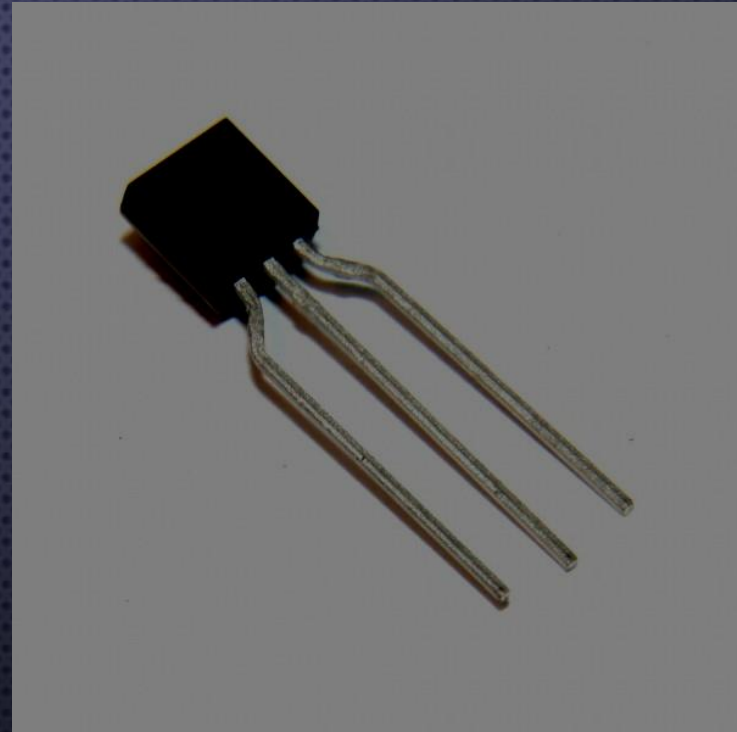


Howard Aiken



# Reszta to historia

Wynalezienie  
tranzystorów  
w 1947 roku





# Źródła

By Henri Cormont - BeeldbankVenW.nl, Rijkswaterstaat, Attribution,  
<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=4071313>

-NOVA Documentary: <https://www.youtube.com/watch?v=WZe3IZPJ9Bs&t=3024s>

-<https://en.wikipedia.org/wiki/Diffanalyzer>

-<https://en.wikipedia.org/wiki/>

-<https://en.wikipedia.org/wiki/BDR>

-[https://en.wikipedia.org/wiki/Liar!\\_\(short\\_story\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Liar!_(short_story))

-Job prospects robotics engineer: <https://www.sokanu.com/careers/robotics-engineer/#further-reading>

<https://en.wikipedia.org/wiki/LordThomson>

-[https://en.wikipedia.org/wiki/Automated\\_planning\\_and\\_scheduling](https://en.wikipedia.org/wiki/Automated_planning_and_scheduling)

-[https://en.wikipedia.org/wiki/Top-down\\_and\\_bottom-up\\_design](https://en.wikipedia.org/wiki/Top-down_and_bottom-up_design)

-[https://pl.wikipedia.org/wiki/Charles\\_Babbage](https://pl.wikipedia.org/wiki/Charles_Babbage)

-[https://en.wikipedia.org/wiki/Difference\\_engine](https://en.wikipedia.org/wiki/Difference_engine)

-[http://www.deltami.edu.pl/temat/matematyka/algebra/2017/01/28/Maszyna\\_roznicowa/](http://www.deltami.edu.pl/temat/matematyka/algebra/2017/01/28/Maszyna_roznicowa/)



Koniec

Dziękujemy  
serdecznie za uwagę.